

*... if I couldn't formulate a problem in economic theory mathematically, I didn't know what I was doing.*

R. Lucas

## Forelesning 8 og 9

Kap 2.5-8: Polynomdivisjon. Faktorisering. Rasjonale og radikale likninger. Ulikheter.

- [L] 2.5.1-2
- [L] 2.6.1-5
- [L] 2.7.1-2
- [L] 2.8.1-2

- Flervalgseksamen 2015h oppg 5-8
- Flervalgseksamen 2016v oppg 6-7
- Flervalgseksamen 2016h oppg 5
- Flervalgseksamen 2018v oppg 5

### Oppgaver for veiledningstimene torsdag 19/9 kl 10-16+ i D1-065/70

**Oppgave 1** Utfør polynomdivisjonen med rest.

- a)  $(x^2 + 4x - 21) : (x - 3)$
- b)  $(x^2 + 4x - 21) : (x - 4)$
- c)  $(x^3 + x^2 - 23x + 42) : (x + 6)$
- d)  $(x^3 + x^2 - 23x + 42) : (x + 1)$
- e)  $(x^4 + x^2 + 1) : (x^2 - x + 1)$
- f)  $(x^2 + 3x - 7) : (x - a)$

**Oppgave 2** Faktoriser polynommet i faktorer av minst mulig grad (ved å gjette på en løsning og utføre polynomdivisjon).

- a)  $x^2 + 4x - 221$
- b)  $x^3 + 6x^2 - x - 30$
- c)  $x^3 - 3x^2 + 5x - 15$
- d)  $x^4 + 10x^3 + 35x^2 + 50x + 24$

**Oppgave 3** Løs likningene.

$$\text{a) } \frac{5x + 1}{x^2 + x + 1} = -2 \quad \text{b) } \frac{x - 1}{x^2 + x + 1} = 1 \quad \text{c) } \frac{1}{1 + \frac{1}{x}} = \frac{1}{x} \quad \text{d) } \frac{(x - 1)(x - 3)}{(x - 2)(x - 4)} = 2$$

**Oppgave 4** Bestem verdiene av  $a$  som gjør at likningen har løsninger.

$$\text{a) } x^2 + 2ax + 9 = 0 \quad \text{b) } \frac{1}{x + a} = \frac{2}{2x + 3} \quad \text{c) } \frac{(x - 1)(x - 3)}{(x - 2)(x - 4)} = a$$

**Oppgave 5** Løs likningene.

a)  $\sqrt{2x+3} = x + 2$       b)  $\sqrt{4x+1} = x - 1$       c)  $\sqrt{x+2} + \sqrt{x-3} = 5$   
 d)  $\sqrt{2x+1} - \sqrt{x+4} = 1$       e)  $\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1} = 2$       f)  $\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1} = -1$

**Oppgave 6** Bestem verdiene av  $a$  som gjør at likningen  $\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1} = a$  har løsninger.  
 (Merk oppgave 5e og 5f.)

**Oppgave 7** Løs ulikheterne.

a)  $2x + 3 \leq 5x + 2$       b)  $-4x + 1 \geq x - 1$       c)  $x + 2 < 3 + 5x$   
 d)  $(x - 5)(x + 4) < 0$       e)  $(2x + 5)(7 - x) \geq 0$       f)  $\frac{x-5}{x+4} \geq 0$   
 g)  $\frac{(x-2)(x+3)}{(x-5)(x+4)} < 0$       h)  $\frac{-5}{(6-x)(-12-3x)} \geq 0$       i)  $(x - 5)(x + 4) < 10$   
 j)  $(2x + 5)(7 - x) \geq 35$       k)  $\frac{(x-2)(x+3)}{(x-5)(x+4)} < 1$       l)  $\frac{-5}{(6-x)(-12-3x)} \geq \frac{5}{72}$

**Oppgave 8** Bestem  $a$  slik at ulikheten har løsninger.

a)  $x^2 + 6x \leq a$       b)  $(x + a)^2 < a$

**Fasit****Oppgave 1**

a)  $x + 7$

b)  $x + 8 + \frac{11}{x - 4}$

c)  $x^2 - 5x + 7$

d)  $x^2 - 23 + \frac{65}{x + 1}$

e)  $x^2 + x + 1$

f)  $x + a + 3 + \frac{a^2 + 3a - 7}{x - a}$

**Oppgave 2**

a)  $(x - 13)(x + 17)$

b)  $(x - 2)(x + 3)(x + 5)$

c)  $(x - 3)(x^2 + 5)$

d)  $(x + 1)(x + 2)(x + 3)(x + 4)$

**Oppgave 3**

a)  $x = -3, x = -\frac{1}{2}$

b) ingen løsninger

c)  $x = \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$

d)  $x = 4 \pm \sqrt{3}$

**Oppgave 4**

a)  $a \leq -3$  eller  $a \geq 3$

b)  $a = \frac{3}{2}$

c) Alle verdier av  $a$  gir løsninger**Oppgave 5**

a)  $x = -1$

b)  $x = 6$

c)  $x = 7$

d)  $x = 12$

e)  $x = 2$

f) ingen løsninger

**Oppgave 6** $a \leq -2$  eller  $a > 0$  (sammenlign med 5e og 5f)**Oppgave 7**

a)  $x \geq \frac{1}{3}$ , alternativ skrivemåte:  $x \in [\frac{1}{3}, \infty)$

b)  $x \leq \frac{2}{5}$ , alternativt:  $x \in (-\infty, \frac{2}{5}]$

c)  $x > -\frac{1}{4}$ , alternativt:  $x \in (-\frac{1}{4}, \infty)$

d)  $-4 < x < 5$ , alternativt:  $x \in (-4, 5)$

e)  $-\frac{5}{2} \leq x \leq 7$ , alternativt:  $x \in [-\frac{5}{2}, 7]$

f)  $x < -4$  eller  $x \geq 5$ , alternativt:  $x \in (-\infty, -4) \cup [5, \infty)$

g)  $-4 < x < -3$  eller  $2 < x < 5$ , alternativt:  $x \in (-4, -3) \cup (2, 5)$

h)  $-4 < x < 6$ , alternativt:  $x \in (-4, 6)$

i)  $-5 < x < 6$ , alternativt:  $x \in (-5, 6)$

j)  $0 \leq x \leq \frac{9}{2}$ , alternativt:  $x \in [0, \frac{9}{2}]$

k)  $x < -7$  eller  $-4 < x < 5$ , alternativt:  $x \in (-\infty, -7) \cup (-4, 5)$

l)  $-4 < x \leq 0$  eller  $2 \leq x < 6$ , alternativt:  $x \in (-4, 0] \cup [2, 6)$

**Oppgave 8**

a)  $a \geq -9$

b)  $0 < a$