

## Veiledningsoppgaver

### Oppgave 1.

Lagrange-problemet  $\max f(x,y)$  når  $g(x,y) = 4$  har maksimumsverdi  $f(1,3) = 12$  i det ordinære kandidatpunktet  $(x,y; \lambda) = (1,3; 2)$ . Hva er tolkningen av  $\lambda = 2$ ? Bruk dette til å estimere maksimumsverdien til Lagrange-problemet  $\max f(x,y)$  når  $g(x,y) = 3$ .

### Oppgave 2.

Vi ser på funksjonen  $f(x,y) = x^3y^2 + x^2 - 2x$ .

- a) Finn alle stasjonære punkter og klassifiser disse.      b) Har  $f$  globale maksimuma eller minima?

### Oppgave 3.

Vi ser på funksjonen  $f(x,y) = x^3y^2 + x^2y - xy + 1$  med definisjonsområde  $D = \{(x,y) : -1 \leq x, y \leq 1\}$ .

- a) Lag en skisse av  $D$  og beskriv randpunktene.      b) Finn de indre stasjonære punkt og klassifiser disse.  
c) Finn  $f_{\max}$  og  $f_{\min}$  dersom de eksisterer.

### Oppgave 4.

Vi ser på følgende Lagrange-problem:  $\max / \min f(x,y) = xy$  når  $x^2 + y^2 = 4$

- a) Løs Lagrangebetingelsene og finn kandidatpunkter.      b) Finnes punkter med degenerert bibetingelse?  
c) Løs optimeringsproblemet.

### Oppgave 5.

Vi ser på kurven  $C$  med likning  $y(x^2 + y^2) = 2(x^2 - y^2)$ .

- a) Finn alle punktene på kurven  $C$  med  $y = -1$ .      b) Finn tangenten til  $C$  i hvert punkt med  $y = -1$ .  
c) Løs optimeringsproblemet:  $\max / \min f(x,y) = y$  når  $y(x^2 + y^2) = 2(x^2 - y^2)$

### Oppgave 6.

Løs optimeringsproblemet:  $\max / \min f(x,y) = x^3 + 3xy + y^3$  når  $xy = 1$

### Oppgave 7. Eksamen MET1180 12/2018

Vi ser på funksjonen definert ved  $f(x,y) = 1 + x^2 + y^2 + x^2y^2$ .

- a) Finn alle stasjonære punkter for  $f$ .  
b) Regn ut Hesse-matrisen til  $f$ , og bruk den til å klassifisere de stasjonære punktene.  
c) Avgjør om  $f$  har globale maksimums- eller minimumverdier.  
d) Løs Lagrange-problemet:  $\max f(x,y) = x^2 + y^2 + x^2y^2$  når  $x^2 + 2y^2 = 5$

